

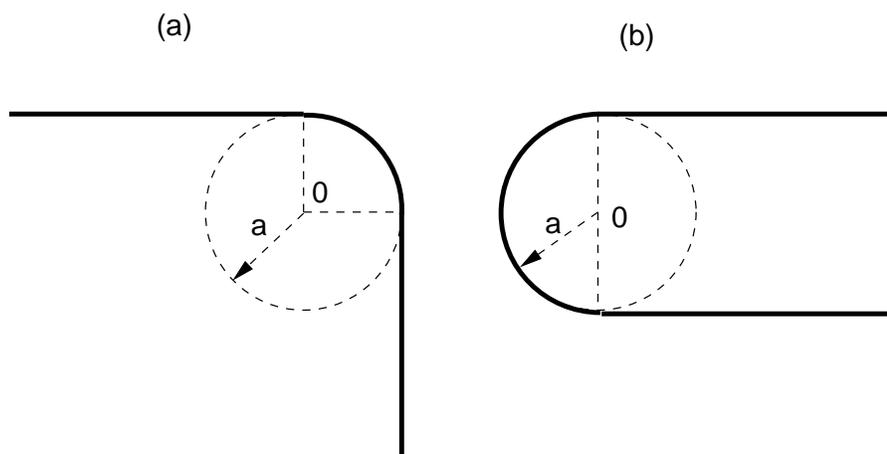
PROBLEMAS: ELECTROSTÁTICA EN EL VACÍO

1. Sea un hilo de longitud finita  $L$  y densidad uniforme de carga  $\lambda$ , dirigido según la dirección del eje  $z$ . Si el plano  $xy$  parte al hilo en dos partes iguales:
  - (a) Determine, mediante integración directa, el potencial en los puntos del plano  $xy$ .
  - (b) Determine el campo electrostático aplicando la ley de Coulomb.
  - (c) Compruebe mediante la relación  $\vec{E} = -\nabla V$  que el apartado (b) está de acuerdo con el (a).
  - (d) Mediante el paso al límite, determine el campo que crea un hilo infinitamente largo con densidad lineal de carga uniforme.
  - (e) Determine el campo para el caso anterior aplicando el teorema de Gauss.
  - (f) ¿Podría haber resuelto el apartado (b) aplicando el teorema de Gauss?. Razone su respuesta.
2. Sea una distribución esférica de carga de radio  $a$  y densidad de carga expresada en coordenadas esféricas mediante:

$$\rho = \rho_0 \left(1 - \frac{r}{a}\right)$$

- (a) Determine el valor del campo electrostático que crea en todos los puntos.
  - (b) Determine el valor del potencial que crea en todos los puntos.
  - (c) Compruebe que el campo y el potencial están relacionados mediante  $\vec{E} = -\nabla V$ .
  - (d) Compruebe que la función potencial encontrada verifica la ecuación de Poisson en todos los puntos del espacio.
3. Sea una cilindro de longitud infinita y radio  $a$  uniformemente cargado con densidad  $\rho$ :
  - (a) Determine el valor del campo electrostático que crea en todos los puntos.
  - (b) Determine el valor del potencial que crea en todos los puntos. (**Fije el origen de potenciales en  $r = a$** )
  - (c) Compruebe que el campo y el potencial están relacionados mediante  $\vec{E} = -\nabla V$ .
  - (d) Compruebe que la función potencial encontrada verifica la ecuación de Poisson en todos los puntos del espacio.
  - (e) ¿Podría haber fijado el origen de potenciales en el infinito?. razone su respuesta.
4.
  - (a) Calcule el campo eléctrico que crea un aro de radio  $a$ , uniformemente cargado con una carga total  $q$ , en un punto de su eje situado a una altura  $z$  sobre el plano del aro.
  - (b) Aproveche el resultado anterior para calcular el campo que crea un disco de radio  $a$ , uniformemente cargado con densidad  $\sigma$ , en un punto sobre su eje a una altura  $z$  de su plano.

- (c) Mediante a aproximación  $a \gg z$  obtenga el valor del campo eléctrico que crea un plano, uniformemente cargado con densidad  $\sigma$ , en puntos próximos a su superficie y alejados del borde (aproximación del plano infinito).
- (d) Determine el campo eléctrico que crea un plano infinito uniformemente cargado con densidad  $\sigma$  y compare el resultado con el del apartado anterior
5. Las figuras (a) y (b), muestran las configuraciones de dos hilos uniformemente cargados con densidades lineales  $\lambda$ . Si los hilos son mucho más largos que el radio de curvatura  $a$ , determinar en ambos casos el valor del campo eléctrico en los puntos 0.



6. (a) Calcule el potencial eléctrico que crea un aro de radio  $a$ , uniformemente cargado con una carga total  $q$ , en un punto de su eje situado a una altura  $z$  sobre el plano del aro.
- (b) Aproveche el resultado anterior para calcular el potencial que crea un disco de radio  $a$ , uniformemente cargado con densidad  $\sigma$ , en un punto sobre su eje a una altura  $z$  de su plano.
- (c) Determine el campo eléctrico que crea en disco anterior en puntos sobre su eje, mediante  $\vec{E} = -\nabla V$ .
- (d) Mediante a aproximación  $a \gg z$  obtenga el valor del campo eléctrico que crea un plano, uniformemente cargado con densidad  $\sigma$ , en puntos próximos a su superficie y alejados del borde (aproximación del plano infinito).
- (e) Determine el campo eléctrico que crea un plano infinito uniformemente cargado con densidad  $\sigma$  y compare el resultado con el del apartado anterior
7. Una esfera de radio  $a$  tiene una carga total  $Q$  distribuida con simetría esférica de forma que su densidad cúbica vale:

$$\rho(r) = kr$$

siendo  $r$  la distancia al centro de la esfera y  $k$  una constante.

- (a) Determinar el campo eléctrico en todos los puntos del espacio.

- (b) Determinar el potencial en todos los puntos del espacio.
  - (c) ¿Cuánto vale el potencial en el centro de la esfera?
  - (d) Comprobar que se verifica que el campo y potencial están relacionados por  $\vec{E} = -\nabla V$ .
  - (e) Comprobar que se verifica la ecuación de Poisson.
  - (f) Determinar la energía potencial electrostática de la distribución.
8. (a) Determinar el campo eléctrico en un punto que se encuentra a una distancia  $r$  del centro  $O$  de una distribución esférica de carga ilimitada cuya densidad volúmica  $\rho$  se expresa en esférica mediante:

$$\rho(r) = \rho_0 \frac{a}{r}$$

en la que  $\rho_0$  y  $a$  son constantes.

- (b) Determine el potencial electrostático que crea, mediante integración del campo (**tome el origen de potenciales en el centro de la distribución**).
- (c) Verifique que el campo y potencial creados esta relacionados mediante  $\vec{E} = -\nabla V$ .
- (d) Compruebe que se verifica la ecuación de Poisson.